



İSTANBUL OKAN ÜNİVERSİTESİ  
MÜHENDİSLİK FAKÜLTESİ  
MÜHENDİSLİK TEMEL BİLİMLERİ BÖLÜMÜ

08/11/2019, 10am

MATH117 Mathematics for Architecture – Midterm Exam

N. Course

FORENAME:

exam duration: **60** minutes

SURNAME:

Please answer all 4  
questions.

STUDENT NO:

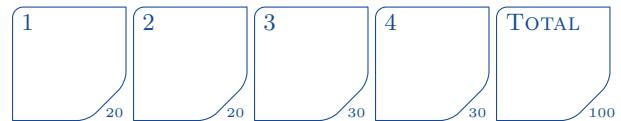
SIGNATURE:



**Do not open the exam until you are told that you may begin.**  
**Sınavın başladığı yüksek sesle söylenene kadar sayfayı çevirmeyin.**



1. You will have **60** minutes.
2. The points awarded for each part, of each question, are stated next to it.
3. All of the questions are in English. You must answer in English.
4. You must show your working for all questions.
5. This exam contains 4 pages. Check to see if any pages are missing.
6. If you wish to leave before the end of the exam, give your exam script to an invigilator and leave the room quietly. You may not leave in the first 20 minutes, or in the final 10 minutes, of the exam.
7. Switch your mobile phone off and seal it in the envelope provided. Do not open your envelope until the exam is finished or you have left the room.
8. All communication between students, either verbally or non-verbally, is strictly forbidden. Students who finish early must leave the room without communicating with other students.
9. Calculators, mobile phones and any digital means of communication are forbidden. The sharing of pens, erasers or any other item between students is forbidden.
10. All bags, coats, books, notes, etc. must be placed away from your desks and away from the seats next to you. You may not access these during the exam. Take out everything that you will need before the exam starts.
11. Any student found cheating or attempting to cheat will receive a mark of zero (0), and will be investigated according to the regulations of Yükseköğretim Kurumları Öğrenci Disiplin Yönetmeliği.
1. Sınav süresi toplam **60** dakikadır.
2. Soruların her bölümünün kaç puan olduğu yanlarında belirtilmiştir.
3. Tüm sorular İngilizce'dir. Cevaplarınızı İngilizce veriniz.
4. Sonuca ulaşmak için yaptığınız işlemleri ayrıntılılarıyla gösteriniz.
5. Sınav 4 sayfadan oluşmaktadır. Lütfen eksik sayfa olup olmadığını kontrol edin.
6. Sınav süresi sona ermeden sınavınızı teslim edip çıkmak isterseniz, sınav kağıdınızı gözetmenlerden birine veriniz ve sınav salonundan sessizce çıkışınız. Sınavın ilk 20 dakikası ve son 10 dakikası içinde sınav salonundan çıkışınız yasaktır.
7. Cep telefonunuzu kapatınız ve size verilen zarfın içine koyunuz. Zarfi, sınav süresi bitene kadar ya da sınav salonundan çıkışana kadar açmayınız.
8. Sınav esnasında öğrenciler arasında, sözlü ya da sözsüz, her türlü iletişim kesintileşme yasaktır. Sınavını erken bitiren öğrenciler, diğer öğrencilerle hiç bir şekilde iletişim kurmadan sessizce sıftan çıkışmalıdır.
9. Sınav esnasında hesap makinesi, cep telefonu ve dijital bilgi alışverişi yapılan her türlü malzemelerin kullanımı ile diğer silgi, kalem, vb. alışverişlerin yapılması kesinlikle yasaktır.
10. Çanta, palto, kitap ve ders notlarınız gibi eşyalarınız sıraların üzerinden ve yanınızdaki sandalyeden kaldırılmalıdır. Sınav süresince bu tür eşyaları kullanmanız yasaktır, bu nedenle ihtiyacınız olacak herşeyi sınav başlamadan yanınızda alınır.
11. Her türlü sınav, ve diğer çalışmada, kopya çeken veya kopya çekme girişiminde bulunan bir öğrenci, o sınav ya da çalışmadan sıfır (0) not almış sayılır, ve o öğrenci hakkında Yükseköğretim Kurumları Öğrenci Disiplin Yönetmeliği hükümleri uyarınca disiplin kovuşturması yapılır.



$\alpha$

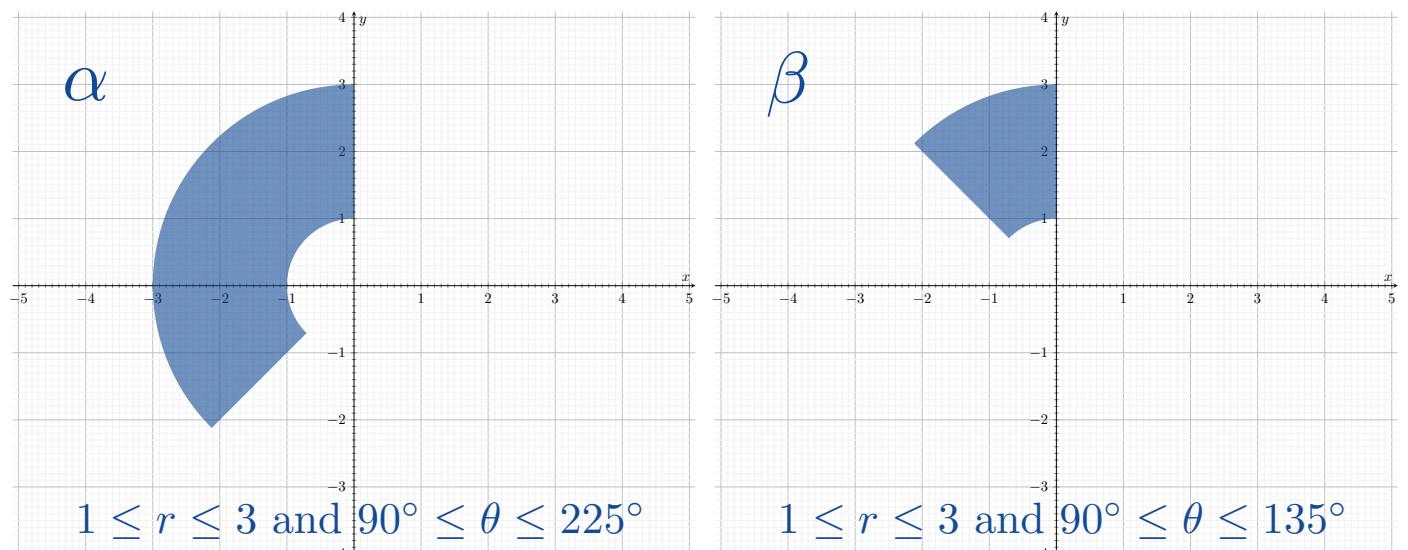
**Question 1 (Symbolic Logic)** [20 pts] Use a truth table to prove that

$$\neg(P \wedge Q) = (\neg P \vee \neg Q).$$

$P$	$Q$	$P \wedge Q$	$\neg(P \wedge Q)$	$\neg P$	$\neg Q$	$\neg P \vee \neg Q$
T	T	T	F	F	F	F
T	F	F	T	F	T	T
F	T	F	T	T	F	T
F	F	F	T	T	T	T

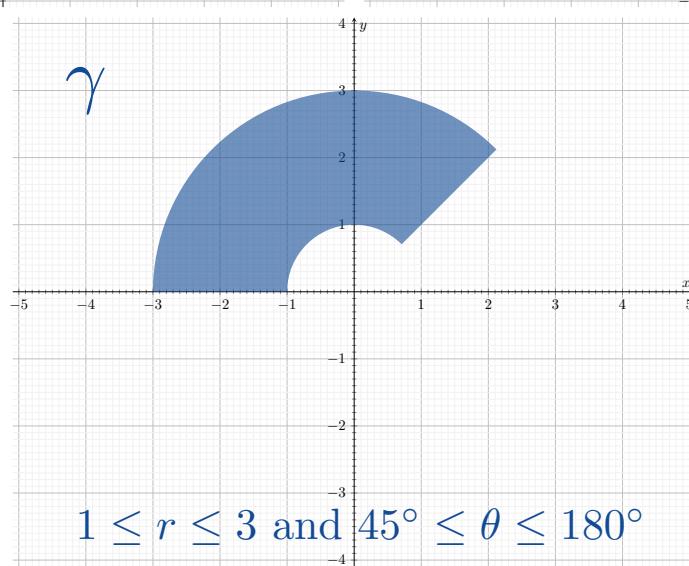
Since the fourth and seventh columns are the same, we have proved that  $\neg(P \wedge Q) = (\neg P \vee \neg Q)$ .

**Question 2 (Polar Coordinates)** [20 pts] Draw the set of points whose polar coordinates satisfy  $1 \leq r \leq 3$  and  $90^\circ \leq \theta \leq 225^\circ$ .

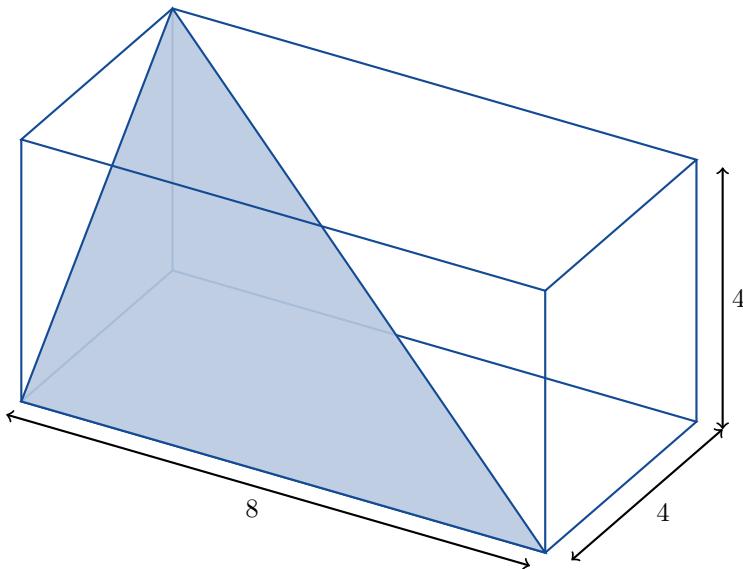


$$1 \leq r \leq 3 \text{ and } 90^\circ \leq \theta \leq 225^\circ$$

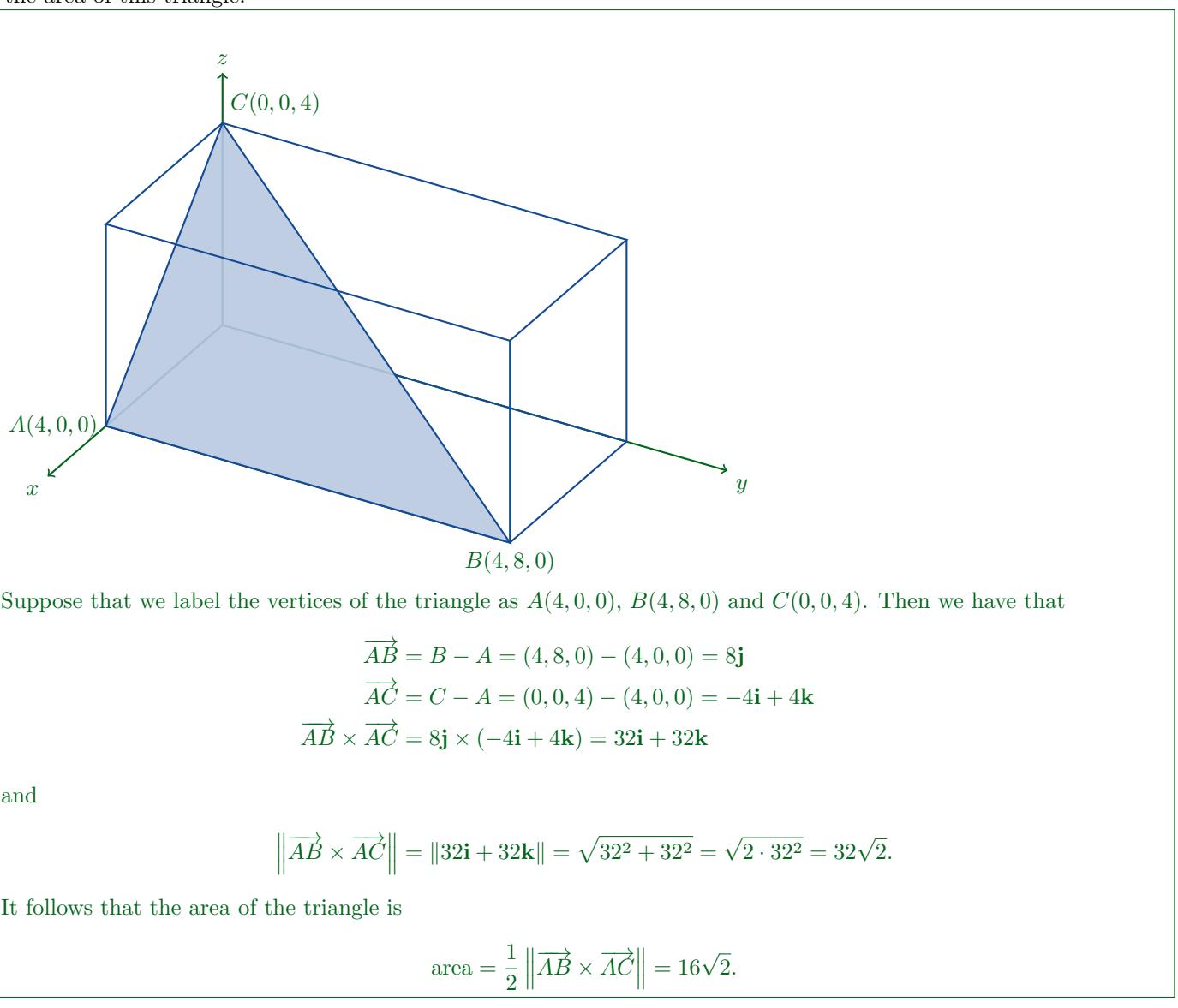
$$1 \leq r \leq 3 \text{ and } 90^\circ \leq \theta \leq 135^\circ$$



$$1 \leq r \leq 3 \text{ and } 45^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$$



**Question 3 (The Cross Product) [30 pts]** A triangle is inscribed inside a cuboid as shown above. Use the cross product to find the area of this triangle.



area =

**Question 4 (Projections)** [30 pts] Find the projection of the line  $x = -11 - t$ ,  $y = -10 + 2t$ ,  $z = -6 - t$  onto the plane  $4x + 3y + 2z = 1$ .

Clearly  $\mathbf{v} = -\mathbf{i} + 2\mathbf{j} - \mathbf{k}$  is parallel to the original line and  $\mathbf{n} = 4\mathbf{i} + 3\mathbf{j} + 2\mathbf{k}$  is normal to the plane. Since

$$\mathbf{v} \cdot \mathbf{n} = -4 + 6 - 2 = 0,$$

the line is parallel to the plane.

We need to find a point on the new line. The point  $P(-11, -10, -6)$  lies on the original line and the point  $Q(0, 0, \frac{1}{2})$  lies on the plane. We calculate that

$$\begin{aligned}\overrightarrow{PQ} &= Q - P = (0, 0, \frac{1}{2}) - (-11, -10, -6) = (11, 10, \frac{13}{2}) = 11\mathbf{i} + 10\mathbf{j} + \frac{13}{2}\mathbf{k} \\ \text{proj}_{\mathbf{n}} \overrightarrow{PQ} &= \left( \frac{\overrightarrow{PQ} \cdot \mathbf{n}}{\|\mathbf{n}\|^2} \right) \mathbf{n} = \left( \frac{44 + 30 + 13}{16 + 9 + 4} \right) \mathbf{n} = \left( \frac{87}{29} \right) \mathbf{n} = 3\mathbf{n}\end{aligned}$$

and

$$\text{proj}_{\text{plane}} P = P + \text{proj}_{\mathbf{n}} \overrightarrow{PQ} = (-11, -10, -6) + 3(4, 3, 2) = (-11, -10, -6) + (12, 9, 6) = (1, -1, 0).$$

Note that the point  $(1, -1, 0)$  satisfies  $4x + 3y + 2z = 1$ .

We require the line passing through the point  $(1, -1, 0)$  parallel to the vector  $\mathbf{v} = -\mathbf{i} + 2\mathbf{j} - \mathbf{k}$ . Hence we want the line

$$x = 1 - t, \quad y = -1 + 2t, \quad z = -t.$$