



OKAN ÜNİVERSİTESİ
MÜHENDİSLİK-MİMARLIK FAKÜLTESİ
MÜHENDİSLİK TEMEL BİLİMLERİ BÖLÜMÜ

2015.11.10

MAT371 Diferansiyel Denklemler – Arasnav

N. Course

ADI: Ö R N E K T İ R

SOYADI: S A M P L E

ÖĞRENCİ NO: 0 1 0 6 0

İMZA:

Süre: 60 dk.

Sınav sorularından 2
tanasını seçerek
cevaplayınız.



Do not open the exam until you are told that you may begin.

Sınavın başladığı yüksek sesle söylenene kadar sayfayı çevirmeyin.



- You will have 60 minutes to answer 2 questions from a choice of 3. If you choose to answer more than 2 questions, then only your best 2 answers will be counted.
- The points awarded for each part, of each question, are stated next to it.
- All of the questions are in English. You may answer in English or in Turkish.
- You must show your working for all questions.
- Write your student number on every page.
- This exam contains 8 pages. Check to see if any pages are missing.
- If you wish to leave before the end of the exam, give your exam script to an invigilator and leave the room quietly. You may not leave in the first 20 minutes, or in the final 10 minutes, of the exam.
- Calculators, mobile phones and any digital means of communication are forbidden. The sharing of pens, erasers or any other item between students is forbidden.
- All bags, coats, books, notes, etc. must be placed away from your desks and away from the seats next to you. You may not access these during the exam. Take out everything that you will need before the exam starts.
- Any student found cheating or attempting to cheat will receive a mark of zero (0), and will be investigated according to the regulations of Yükseköğretim Kurumları Öğrenci Disiplin Yönetmeliği.
- Sınav süresi toplam 60 dakikadır. Sınavda 3 soru sorulmuştur. Bu sorulardan 2 tanesini seçerek cevaplayınız. 2'den fazla soruyu cevaplarsanız, en yüksek puanı aldığımız 2 sorunun cevapları geçerli olacaktır.
- Soruların her bölümünün kaç puan olduğu yanlarında belirtilmiştir.
- Tüm sorular İngilizce'dir. Cevaplarınızı İngilizce yada Türkçe verebilirsiniz.
- Sonuca ulaşmak için yaptığımız işlemleri ayrıntılarıyla gösteriniz.
- Öğrenci numaranızı her sayfaya yazınız.
- Sınav 8 sayfadan oluşmaktadır. Lütfen eksik sayfa olup olmadığını kontrol edin.
- Sınav süresi sona ermeden sınavınızı teslim edip çıkmak isterseniz, sınav kağıdınızı gözetmenlerden birine veriniz ve sınav salonundan sessizce çıkınız. Sınavın ilk 20 dakikası ve son 10 dakikası içinde sınav salonundan çıkmmanız yasaktır.
- Sınav esnasında hesap makinesi, cep telefonu ve dijital bilgi alışverişi yapılan her türlü malzemelerin kullanımı ile diğer silgi, kalem, vb. alışverişlerin yapılması kesinlikle yasaktır.
- Çanta, palto, kitap ve ders notlarınız gibi eşyalarınızı sıraların üzerinden ve yanınızdaki sandalyeden kaldırımalıdır. Sınav süresince bu tür eşyaları kullanmanız yasaktır, bu nedenle ihtiyacınız olacak herşeyi sınav başlamadan yanınıza alınız.
- Her türlü sınav, ve diğer çalışmada, kopya çeken veya kopya çekme girişiminde bulunan bir öğrenci, o sınav ya da çalışmadan sıfır (0) not almış sayılır, ve o öğrenci hakkında Yükseköğretim Kurumları Öğrenci Disiplin Yönetmeliği hükümleri uyarınca disiplin kovuşturması yapılır.

1	2	3	TOPLAM
50	50	50	100

Formula Page

$$\begin{aligned} \cos \theta &= \sin \left(\frac{\pi}{2} - \theta \right) \\ \cos^2 \theta + \sin^2 \theta &= 1 \\ 1 + \tan^2 \theta &= \sec^2 \theta \\ 1 + \cot^2 \theta &= \operatorname{cosec}^2 \theta \\ \cos(A + B) &= \cos A \cos B - \sin A \sin B \\ \sin(A + B) &= \sin A \cos B + \cos A \sin B \\ \cos 2\theta &= \cos^2 \theta - \sin^2 \theta \\ \sin 2\theta &= 2 \sin \theta \cos \theta \\ \cos^2 \theta &= \frac{1}{2}(1 + \cos 2\theta) \\ \sin^2 \theta &= \frac{1}{2}(1 - \cos 2\theta) \\ c^2 &= a^2 + b^2 - 2ab \cos \theta \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \cos 0 &= \cos 0^\circ = 1 \\ \sin 0 &= \sin 0^\circ = 0 \\ \cos \frac{\pi}{4} &= \cos 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \sin \frac{\pi}{4} &= \sin 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \cos \frac{\pi}{3} &= \cos 60^\circ = \frac{1}{2} \\ \sin \frac{\pi}{3} &= \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \\ \cos \frac{\pi}{2} &= \cos 90^\circ = 0 \\ \sin \frac{\pi}{2} &= \sin 90^\circ = 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (uv)' &= uv' + u'v \\ \left(\frac{u}{v} \right)' &= \frac{u'v - uv'}{v^2} \\ (f \circ g)'(x) &= f'(g(x))g'(x) \\ (f^{-1})'(x) &= \frac{1}{f'(f^{-1}(x))} \\ \int u \, dv &= uv - \int v \, du \\ \frac{d}{dt} f(x(t), y(t)) &= \frac{\partial f}{\partial x} \frac{dx}{dt} + \frac{\partial f}{\partial y} \frac{dy}{dt} \end{aligned}$$

$$\frac{d}{dx} x^n = nx^{n-1}$$

$$\frac{d}{dx} \sin x = \cos x$$

$$\frac{d}{dx} \cos x = -\sin x$$

$$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

$$\frac{d}{dx} \tan x = \sec^2 x$$

$$\int \tan x \, dx = \log |\sec x| + C$$

$$\sec x = \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{d}{dx} \sec x = \sec x \tan x$$

$$\int \sec x \, dx = \log |\sec x + \tan x| + C$$

$$\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$\frac{d}{dx} \cot x = -\operatorname{cosec}^2 x$$

$$\int \cot x \, dx = \log |\sin x| + C$$

$$\operatorname{cosec} x = \frac{1}{\sin x}$$

$$\frac{d}{dx} \operatorname{cosec} x = -\operatorname{cosec} x \cot x$$

$$\int \operatorname{cosec} x \, dx = -\log |\operatorname{cosec} x + \cot x| + C$$

$$\frac{d}{dx} \sin^{-1} \frac{x}{a} = \frac{1}{\sqrt{a^2 - x^2}}$$

$$\frac{d}{dx} \tan^{-1} \frac{x}{a} = \frac{a}{a^2 + x^2}$$

$$\frac{d}{dx} \sec^{-1} \frac{x}{a} = \frac{a}{|x|\sqrt{x^2 - a^2}}$$

$$\sinh x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$$

$$\frac{d}{dx} \sinh x = \cosh x$$

$$\cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$$

$$\frac{d}{dx} \cosh x = \sinh x$$

$$\frac{d}{dx} e^x = e^x$$

$$\frac{d}{dx} \log |x| = \frac{1}{x}$$

ÖRNEKTİR

ÖRNEKTİR

ÖRNEKTİR

ÖRNEKTİR

ÖRNEKTİR

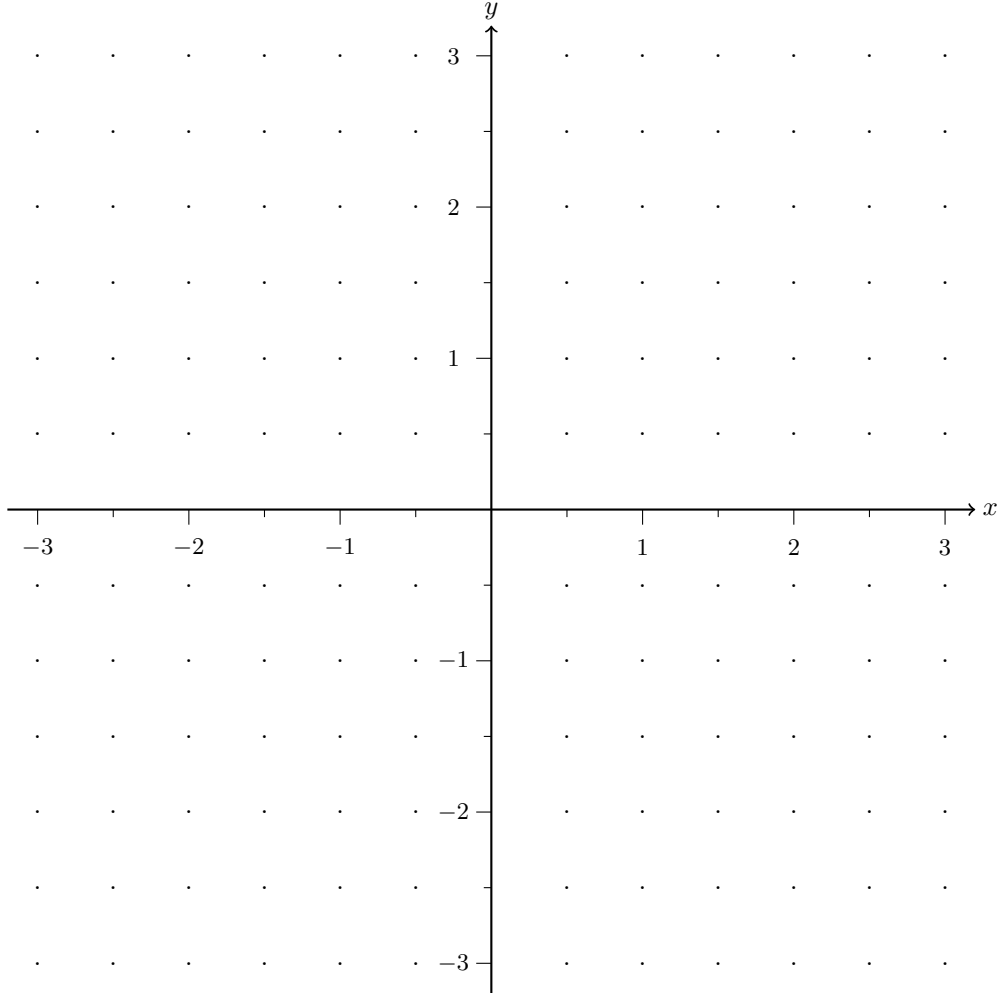
ÖRNEKTİR

Soru 1 (Separable ODEs)

- (a) [25p] Draw a direction field for the equation

$$\frac{dy}{dx} = \frac{xy}{2}. \quad (1)$$

[HINT: I want to see 169 arrows – one on every dot, and one on every mark on the axes.]



(b) [15p] Find the general solution to

$$\frac{dy}{dx} = \frac{xy}{2}. \quad (1)$$

(c) [5p] Solve

$$\begin{cases} \frac{dy}{dx} = \frac{xy}{2} \\ y(1) = -7. \end{cases}$$

$$y(x) =$$

(d) [5p] Let $y(x)$ denote your answer to part (c). Calculate $y'(x)$ and $\frac{1}{2}xy(x)$.

ÖRNEKTİR

ÖRNEKTİR

ÖRNEKTİR

ÖRNEKTİR

ÖRNEKTİR

ÖRNEKTİR

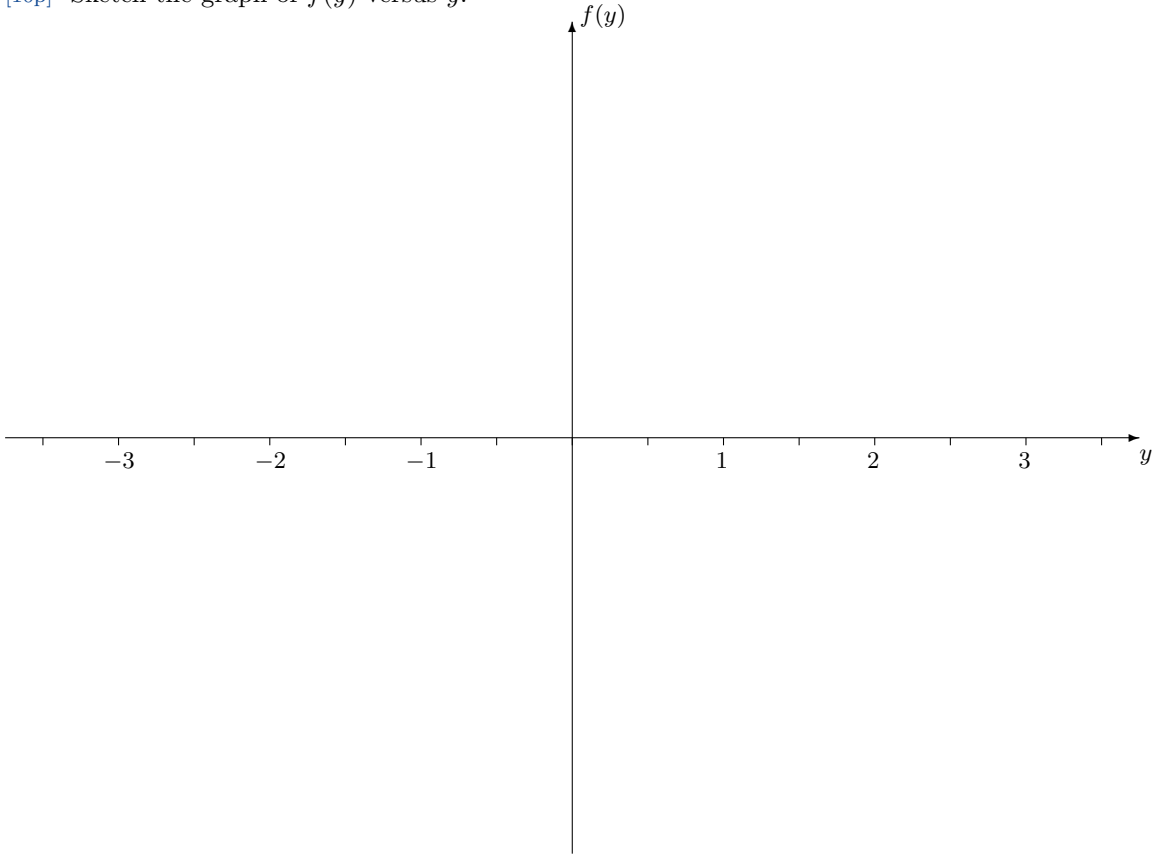
Soru 2 (Autonomous Equations) Consider the autonomous differential equation

$$\frac{dy}{dt} = \cos(\pi y). \quad (2)$$

This equation is of the form $y' = f(y)$, with $f(y) = \cos(\pi y)$.

(a) [10p] Find all of the critical points of (2).

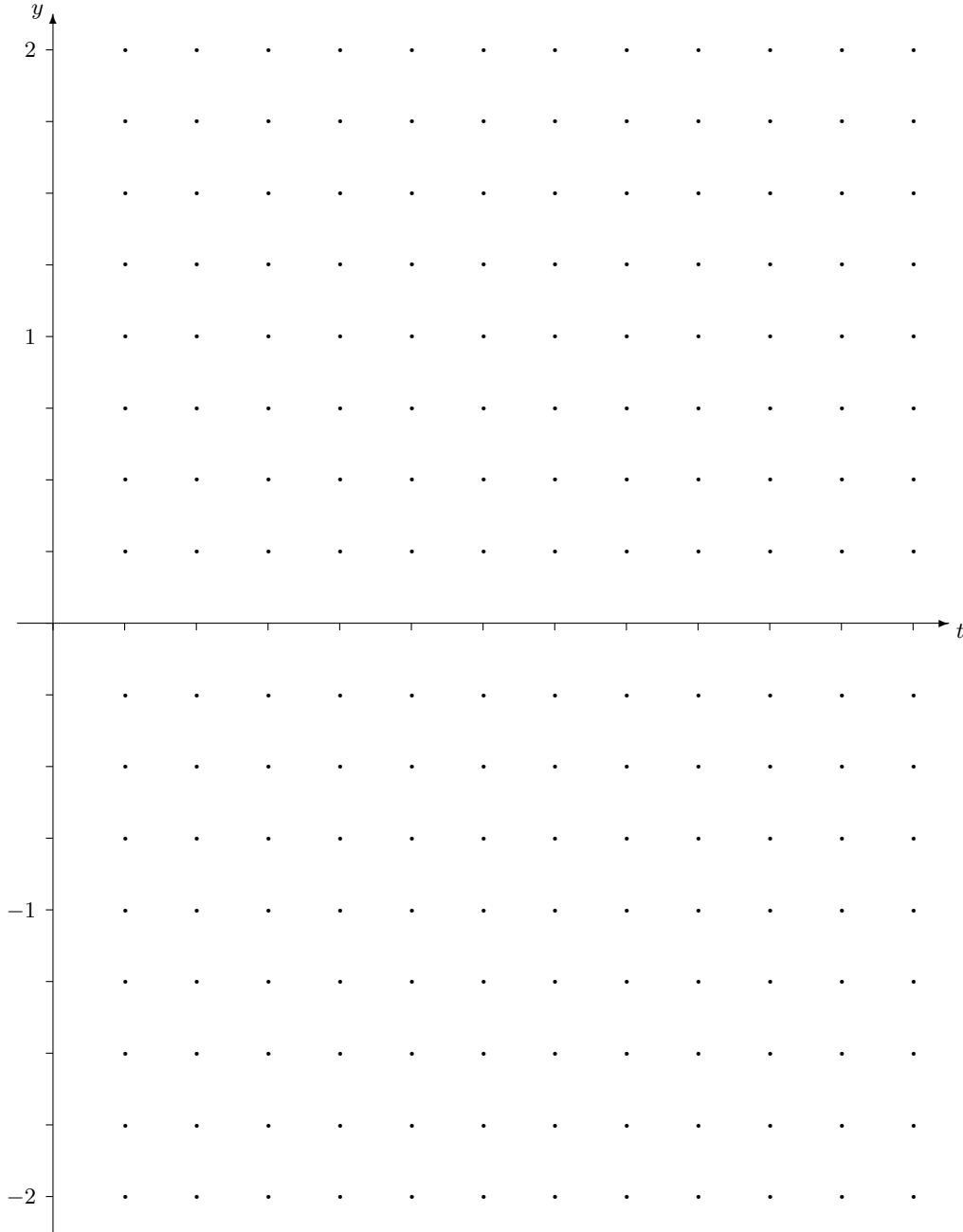
(b) [10p] Sketch the graph of $f(y)$ versus y .



(c) [10p] Determine whether each critical point is asymptotically stable, unstable or semistable.

$$\frac{dy}{dt} = \cos(\pi y) \tag{2}$$

(d) [20p] Sketch 10 (or more) different solutions of (2).



ÖRNEKTİR ÖRNEKTİR ÖRNEKTİR ÖRNEKTİR ÖRNEKTİR

Soru 3 (Linear Equations)

(a) [10p] Calculate

$$\frac{d}{dt} \left(-\frac{1}{2} e^{-t} (\sin t + \cos t) \right).$$

Suppose that the differentiable function $y : [0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$ satisfies the following 3 conditions:

- (i) $y' - y = 1 + 3 \sin t$
- (ii) $y(0) = y_0$
- (iii) $-\infty < \lim_{t \rightarrow \infty} f(t) < \infty$

(b) [40p] Find $y_0 \in \mathbb{R}$.

